

Nombre		Grupo	
--------	--	-------	--

1.-) Representa la región del plano definida por el siguiente sistema de inecuaciones:

$$a) \begin{cases} -x + y \leq 60 \\ x + y \geq -40 \\ 11x + 3y \leq 40 \end{cases}$$

b) Maximizar la función $f(x,y) = 10x - y$ en la región obtenida. Representa dos curvas de nivel.

c) Minimizar la función $g(x,y) = x - 10y$ en la región obtenida. Representa dos curvas de nivel.

Construimos las tablas de valores para las ecuaciones asociadas a cada inecuación:

						Para las curvas de nivel							
$-x+y=60$		$x+y=-40$		$11x+3y=40$		$10x-y=0$		$10x-y=150$		$x-10y=0$		$x-10y=150$	
X	Y	X	Y	X	Y	x	y	x	y	x	y	x	y
-60	0	-40	0	3	3	0	0	10	-50	0	0	50	-10
0	60	0	-40	0	40/3	5	50	15	0	50	5	0	-15

Vértices:

$$\begin{cases} -x + y = 60 \\ x + y = -40 \end{cases}$$

$$\text{Sumando : } y = 10 \Rightarrow x = -50$$

$$\begin{cases} -x + y = 60 \rightarrow y = 60 + x \\ 11x + 3y = 40 \end{cases}$$

$$\text{Por sustitución : } x = -10 \Rightarrow y = 50$$

$$\begin{cases} 11x + 3y = 40 \\ x + y = -40 \rightarrow y = 40 - x \end{cases}$$

$$\text{Por sustitución : } x = 20; y = -60$$

$F(10,-50)=150$; $F(-10,-50)= -50$; $F(20, -60) = 80$ El máximo es 150 y se toma en $x=10$ y $y=-50$

$G(10,-50)=150$; $G(-10,-50)= -50$; $G(20, -60) = 80$ El máximo es 150 y se toma en $x=10$ y $y=-50$



2.-) Un distribuidor de aceite de oliva compra materia prima a dos almazaras, A y B. Las almazaras A y B venden el aceite a 2000 y 3000 € la tonelada respectivamente. Cada almazara vende un mínimo de 2 y un máximo de 7 toneladas respectivamente, y el distribuidor debe comprar un mínimo de 6 toneladas. El distribuidor debe comprar a la almazara A como máximo el doble que a la almazara B. ¿Qué cantidad deben comprar a cada almazara para obtener un coste mínimo? ¿Cuál será dicho coste?

Ejercicio:	1.)	2.-)	3.-)	4.-)	
Puntuación	2 PUNTOS	3 PUNTOS	3 PUNTOS	2	
:					

Sean x = Toneladas que compramos a A ; y = toneladas que compramos a B

Los precios son 2000 y 3000€ por tonelada \Rightarrow Gasto total = $2000x + 3000y$ (Función objetivo)

La almazara A vende un **mínimo** de 2 toneladas, es decir, compramos 2 ó más a esta: $\rightarrow x \geq 2$

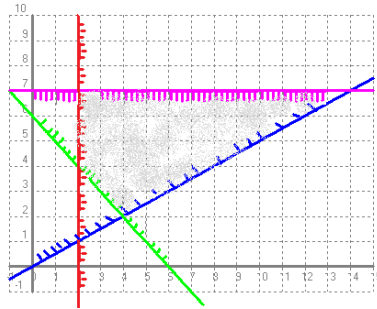
La almazara B vende un máximo de 7 toneladas, es decir, compramos 7 ó menos a esta: $\rightarrow y \leq 7$

Compramos un mínimo de 6 toneladas en total, es decir, compramos ó más entre las dos: $x+y \geq 6$.

Compramos a A como máximo el doble que a B: $\rightarrow x \leq 2y$

Rectas asociadas a los semiplanos: $x = 2$ (vertical) ; $y = 7$ (horizontal)

$x+y = 6$		$x = 2y$	
X	Y	X	Y
6	0	0	0
0	6	2	1
4	2	4	2



Los vértices son:

$$V_1(14,7) \rightarrow f(14,7) = 2000 \cdot 14 + 3000 \cdot 7 = 49000 \text{ €}$$

$$V_2(2,7) \rightarrow f(2,7) = 2000 \cdot 2 + 3000 \cdot 7 = 25000 \text{ €}$$

$$V_3(2,4) \rightarrow f(2,4) = 2000 \cdot 2 + 3000 \cdot 4 = 16000 \text{ €}$$

$$V_4(4,2) \rightarrow f(4,2) = 2000 \cdot 4 + 3000 \cdot 2 = 14000 \text{ €}$$

El coste mínimo es 14000 € que se alcanza comprando 4 toneladas a A y 2 toneladas a B.

Nota: El único vértice que puede exigir la resolución del sistema es requiere V_4 . (Pero por sustitución sale inmediatamente)

3.-) Una empresa posee dos fábricas F_1 y F_2 que producen 80 y 100 unidades respectivamente de un determinado producto. Deben abastecer a tres centros de consumo C_1 , C_2 y C_3 , que necesitan 50, 70 y 60 unidades, respectivamente. El coste del transporte de cada fábrica a cada centro de consumo, en euros por unidad, viene dado en la siguiente tabla: ¿Cómo ha de realizarse el transporte para que sea lo más económico posible?

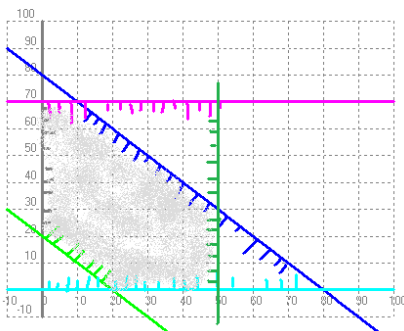
	C_1	C_2	C_3
F_1	50	100	90
F_2	100	75	120

Sean x = unidades que vende F_1 a C_1 ; y = unidades que vende F_2 a C_2 . El resto de unidades vendidas se recoge en la tabla siguiente:

	C_1	C_2	C_3
F_1	x	y	$80-x-y$
F_2	$50-x$	$70-y$	$60-(80-x-y)$ $= x+y-20$

La función de coste (func. Objetivo) será:

$$f(x,y) = 50x + 100y + 90(80-x-y) + 100(50-x) + 75(70-y) + 120(x+y-20) = -20x + 185y + 15000.$$



Las inecuaciones asociadas no son otras que imponer que cada cantidad recogida en la tabla anterior sea mayor o igual que cero.

Los vértices son:

$$V_1(0,70) \rightarrow f(0,70) = -20 \cdot 0 + 185 \cdot 70 + 15000 = 27950 \text{ €}$$

$$V_2(0,20) \rightarrow f(0,20) = -20 \cdot 0 + 185 \cdot 20 + 15000 = 18700 \text{ €}$$

$$V_3(20,0) \rightarrow f(20,0) = -20 \cdot 20 + 185 \cdot 0 + 15000 = 14600 \text{ €}$$

$$V_4(50,0) \rightarrow f(50,0) = -20 \cdot 50 + 185 \cdot 0 + 15000 = 14000 \text{ €}$$

$$V_5(50,30) \rightarrow f(50,30) = -20 \cdot 50 + 185 \cdot 30 + 15000 = 19550 \text{ €}$$

$$V_6(10,70) \rightarrow f(10,70) = -20 \cdot 10 + 185 \cdot 70 + 15000 = 27750 \text{ €}$$

Conclusión: El gasto mínimo (14000€) se obtiene realizando los siguientes envíos:

	C ₁	C ₂	C ₃
F ₁	50	0	30
F ₂	0	70	30

4.-) Se desea invertir una cantidad de dinero menor o igual que 125000€, distribuidos entre acciones del tipo A y del tipo B. Las acciones tipo A garantizan una ganancia del 10% anual, siendo obligatorio invertir en ellas un mínimo de 30000€ y un máximo de 81000 €. Las acciones tipo B garantizan una ganancia del 5% anual, siendo obligatorio invertir en ellas un mínimo de 25000€. La cantidad invertida en acciones tipo B no puede superar al triple de la cantidad invertida en las acciones tipo A. PLANTEA y REPRESENTA las inecuaciones y la función objetivo asociadas a este problema. (NO SE PIDE NI DETERMINAR LOS VÉRTICES NI RESOLVER EL PROBLEMA)

Sea x= cantidad invertida en A ; y= cantidad invertida en B.

Disponemos de 125000 € $\Rightarrow x+y \leq 125000$.

En A como mínimo 30000 $\Rightarrow x \geq 30000$;

En A como máximo 81000 $\Rightarrow x \leq 81000$

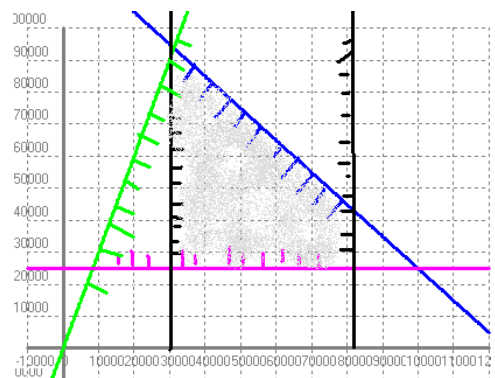
En B como mínimo 25000 $\Rightarrow y \geq 25000$

Lo invertido en B NO puede SUPERAR el triple de lo invertido en A $\Rightarrow y \leq 3x$

Los beneficios son del 10 y el 5% $\Rightarrow f(x,y) = 0,10 \cdot x + 0,05 \cdot y$

(si se prefiere : $f(x, y) = \frac{10x + 5y}{100}$)

Estos beneficios habría que maximizarlos.



Si se prefiere en una tabla:

	Inversión	mínimo	máximo	Beneficio
A	x	$x \geq 30000$	$x \leq 81000$	$0,10 \cdot x$
B	y	$y \geq 25000$	$y \leq 3x$	$0,5 \cdot y$
Total	$x+y \leq 125000$			$0,10x+0,05y$