

78	<p>a) Vector director de la recta: $(3, 0)$ Pendiente: $m = 0$ $-1 = 0x + n \rightarrow n = -1$ Ecuación explícita $\rightarrow y = -1$</p> <p>b) Vector director de la recta: $(4, -1)$ Pendiente: $m = -\frac{1}{4}$ $-2 = -\frac{5}{4} + n \rightarrow n = -\frac{3}{4}$ Ecuación explícita $\rightarrow y = -\frac{1}{4}x - \frac{3}{4}$</p>
82	<p>a) Calculamos el vector director de la recta: $\vec{u}_r = (3, 2)$ La pendiente de la recta es $m = \frac{2}{3}$. Como pasa por el punto $(2, -5)$: $-5 = \frac{2}{3} \cdot 2 + n \rightarrow n = -\frac{19}{3}$ La ecuación de la recta es $y = \frac{2}{3}x - \frac{19}{3}$.</p> <p>b) Calculamos el vector director de la recta: $\vec{u}_r = (-2, 3)$ La pendiente de la recta es $m = -\frac{3}{2}$. Como pasa por el punto $(-4, 8)$: $8 = -\frac{3}{2} \cdot (-4) + n \rightarrow n = 2$ La ecuación de la recta es $y = -\frac{3}{2}x + 2$.</p>
83	<p>Hallamos el vector director: $(3, c + 10)$ Como sabemos que la pendiente es: $7 = \frac{c + 10}{3} \rightarrow 21 = c + 10 \rightarrow c = 11$ $\vec{u}_r = (3, 21)$</p> <p>Expresamos la recta en forma continua: $\frac{x + 1}{3} = \frac{y + 10}{21}$</p> <p>Y la expresamos en forma general: $21x + 21 = 3y + 30 \rightarrow 21x - 3y - 9 = 0$</p>
85	<p>a) $\vec{u}_r = (-4, -2)$ $\vec{u}_s = (3, -2)$ Como los vectores no son proporcionales, las rectas son secantes.</p> <p>b) $\vec{u}_r = (-6, 2)$ $\vec{u}_s = (3, -1)$ Como los vectores son proporcionales, las rectas son paralelas o coincidentes. Veamos si el punto $A_r(1, -3)$, de la recta r, pertenece a la recta s. $\left. \begin{array}{l} 1 = 2 + 3\mu \\ -3 = -\mu \end{array} \right\} \rightarrow \left. \begin{array}{l} \mu = -\frac{1}{3} \\ \mu = 3 \end{array} \right\}$ Las rectas son paralelas.</p>
87	<p>a) $\frac{3}{1} \neq \frac{-5}{4} \rightarrow$ Las rectas son secantes.</p> <p>b) $\frac{-9}{6} = \frac{6}{-4} \neq \frac{-1}{11} \rightarrow$ Las rectas son paralelas.</p> <p>c) $\frac{4}{2} \neq \frac{-1}{-3} \rightarrow$ Las rectas son secantes.</p>
93	<p>a) $2(2 + 3\lambda) - (7 + \lambda) + 8 = 0 \rightarrow 4 + 6\lambda - 7 - \lambda + 8 = 0 \rightarrow \lambda = -1$ El punto de corte es $P(-1, 6)$.</p> <p>b) $\left. \begin{array}{l} 3y = -2x + 7 \\ -2x + 4 = 3y - 3 \end{array} \right\} \rightarrow \left. \begin{array}{l} 2x + 3y = 7 \\ -2x - 3y = -7 \end{array} \right\}$ Hay infinitos puntos de corte, y las rectas son coincidentes.</p>

	<p>c) $\left. \begin{array}{l} -6x + 6 = 2y + 6 \\ 3x + y + 2 = 0 \end{array} \right\} \rightarrow \left. \begin{array}{l} -6x - 2y = 0 \\ 3x + y = -2 \end{array} \right\} \rightarrow \left. \begin{array}{l} 3x + y = 0 \\ 3x + y = -2 \end{array} \right\}$ No hay puntos de corte, y las rectas son paralelas.</p> <p>d) $\frac{-1 - 3\lambda - 3}{1} = \frac{5 + 8\lambda + 7}{-4} \rightarrow 12\lambda + 16 = 8\lambda + 12 \rightarrow \lambda = -1$ El punto de corte es $P(2, -3)$.</p> <p>e) $\frac{3}{2} + 3\lambda = \frac{6 + 6\lambda + 3}{2} \rightarrow 3 + 6\lambda = 6\lambda + 9$ No tiene solución, las rectas son paralelas.</p>
96	<p>$\vec{u}_r = (5, 8)$ Cualquier vector perpendicular es proporcional a $(-8, 5)$. Por tanto, la pendiente es: $m = -\frac{5}{8}$</p>
105	<p>$\vec{u}_r = (-3, 6), \vec{u}_s = (1, m)$ $\cos 45^\circ = \frac{ d_1 \cdot c_1 + d_2 \cdot c_2 }{\sqrt{d_1^2 + d_2^2} \cdot \sqrt{c_1^2 + c_2^2}} \rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{ -3 \cdot 1 + 6 \cdot m }{\sqrt{(-3)^2 + 6^2} \cdot \sqrt{1^2 + m^2}}$ $\rightarrow m = 3, m = -\frac{1}{3}$</p>
115	<p>Calculamos los vectores formados por los puntos: $\vec{PQ} = (4, -3)$ $\vec{PR} = (12, -9)$ Como los vectores son proporcionales, los puntos están alineados. Calculamos la ecuación de la recta que los contiene: $r: \left. \begin{array}{l} x = -1 + 4\lambda \\ y = 4 - 3\lambda \end{array} \right\}$</p>
121	<p>Igualamos el módulo de los vectores que van de la recta hasta los puntos A y B. $\sqrt{(1 - 6\lambda - 2)^2 + (1 + 2\lambda - 2)^2} = \sqrt{(1 - 6\lambda + 10)^2 + (1 + 2\lambda + 2)^2}$ $\rightarrow \lambda = 1 \rightarrow C(-5, 3)$ Hallamos las longitudes de los lados: $\vec{AB} = (-12, -4), \vec{AC} = (-7, 1)$ y $\vec{BC} = (5, 5)$ $\vec{AB} = \sqrt{(-12)^2 + (-4)^2} = \sqrt{160}$ $\vec{AC} = \sqrt{(-7)^2 + 1^2} = \sqrt{50}$ $\vec{BC} = \sqrt{5^2 + 5^2} = \sqrt{50}$</p>
125	<p>Llamamos a los puntos $P(1, 5)$ y $Q(-3, -7)$. Calculamos el punto medio, $M: M(-1, -1)$ Hallamos el vector $\vec{PQ} = (-4, -12)$. Un vector normal a \vec{PQ} es $(-3, 1)$. La ecuación de la mediatriz es: $\frac{x + 1}{-3} = \frac{y + 1}{1}$</p>
127	<p>Aplicamos la fórmula del ángulo entre dos rectas: $\cos 60^\circ = \frac{ d_1 \cdot c_1 + d_2 \cdot c_2 }{\sqrt{d_1^2 + d_2^2} \cdot \sqrt{c_1^2 + c_2^2}} \rightarrow \frac{1}{2} = \frac{ 1 \cdot 1 + 3 \cdot m }{\sqrt{1^2 + 3^2} \cdot \sqrt{1^2 + m^2}}$ Las ecuaciones son: $y - 2 = \frac{-6 - 5\sqrt{13}}{13}(x + 4)$ $y - 2 = \frac{-6 + 5\sqrt{13}}{13}(x + 4)$</p>