

<p>Hoja Tema V Vectores Ejer. n° 8:</p>	<p>a)</p> $\left. \begin{aligned} (5,12) \cdot (x, y) &= 0 \\ \sqrt{5^2 + 12^2} &= \sqrt{x^2 + y^2} \end{aligned} \right\}; \quad \left. \begin{aligned} 5x + 12y &= 0 \\ 169 &= x^2 + y^2 \end{aligned} \right\} \text{despejas } x \text{ en la primera y sustituyes en la segunda.}$ $\frac{144y^2}{25} + y^2 = 169; \text{ despejas y obtienes } \begin{cases} y = 5 & x = -12 \\ y = -5 & x = 12 \end{cases}$ <p>b)</p> $(5,12) \cdot (a,4) = \sqrt{25+144} \cdot \sqrt{a^2 + 4^2} \cdot \cos 45$ $5a + 48 = 13 \cdot \sqrt{a^2 + 4^2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \quad \text{despejas la inc\u00f3gnita "a", simplificas y obtienes (salvo error)}$ <p>la ecuaci\u00f3n:</p> $57a^2 - 480a - 952 = 0 \text{ cuya soluci\u00f3n aproximada es: } \begin{cases} a \approx 10 \\ a \approx -1,7 \end{cases}$
<p>Hoja Tema V Vectores Ejer. n° 9:</p>	<p>a)</p> $\left. \begin{aligned} (6,-8) \cdot (x, y) &= 0 \\ \sqrt{6^2 + (-8)^2} &= \sqrt{x^2 + y^2} \end{aligned} \right\}; \quad \left. \begin{aligned} 6x - 8y &= 0 \\ 10 &= x^2 + y^2 \end{aligned} \right\} \text{Se resuelve el sistema y obtienes}$ $\begin{cases} y = \frac{3}{5}\sqrt{10} & x = \frac{4}{5}\sqrt{10} \\ y = -\frac{3}{5}\sqrt{10} & x = -\frac{4}{5}\sqrt{10} \end{cases}$ <p>b)</p> $\left. \begin{aligned} (6,-8) \cdot (x, y) &= 0 \\ \sqrt{x^2 + y^2} &= 1 \end{aligned} \right\}; \quad \left. \begin{aligned} 6x - 8y &= 0 \\ x^2 + y^2 &= 1 \end{aligned} \right\} \text{Se resuelve y se obtiene } \begin{cases} y = \frac{3}{5} & x = \frac{4}{5} \\ y = -\frac{3}{5} & x = -\frac{4}{5} \end{cases}$
Ejercicios del libro	
<p>61</p>	<p>Calculamos los v\u00e9rtices $A'(a, b)$ y $B'(c, d)$, que son sim\u00e9tricos de A y B respecto de O.</p> $\left. \begin{aligned} (0, 0) &= (4 + a, 0 + b) \rightarrow \begin{cases} a = -4 \\ b = 0 \end{cases} \\ (0, 0) &= (2 + a, 2\sqrt{3} + b) \rightarrow \begin{cases} a = -2 \\ b = -2\sqrt{3} \end{cases} \end{aligned} \right\}$ <p>El v\u00e9rtice C se obtiene con una traslaci\u00f3n con origen en B y vector $(-4, 0)$:</p> $C = (2, 2\sqrt{3}) + (-4, 0) = (-2, 2\sqrt{3})$ <p>El v\u00e9rtice C' se obtiene con una traslaci\u00f3n con origen en B' y vector $(4, 0)$:</p> $C' = (-2, -2\sqrt{3}) + (4, 0) = (2, -2\sqrt{3})$
<p>63</p>	<p>Calculamos el vector \overline{AB}: $\overline{AB} = (12, 9)$</p> <p>El primer punto estar\u00e1 situado a $\frac{1}{3}$ de distancia de uno de los extremos del segmento, y el segundo, a $\frac{2}{3}$ de distancia.</p> $P_1 = A + \frac{1}{3}\overline{AB} = (5, -1) + \frac{1}{3}(12, 9) = (9, 2)$ $P_2 = A + \frac{2}{3}\overline{AB} = (5, -1) + \frac{2}{3}(12, 9) = (13, 5)$

66	<p>Calculamos los vectores formados por los vértices del triángulo: $\vec{AB} = (8, 6)$, $\vec{BC} = (-12, 16)$ y $\vec{AC} = (-4, 22)$ Hallamos los módulos de los vectores: $\vec{AB} = \sqrt{64 + 36} = 10 u$ $\vec{BC} = \sqrt{144 + 256} = \sqrt{400} = 20 u$ $\vec{AC} = \sqrt{16 + 484} = \sqrt{500} u$ Si el triángulo es rectángulo, debe verificar el teorema de Pitágoras. $\vec{AC} ^2 = \vec{AB} ^2 + \vec{BC} ^2$ $10^2 + 20^2 = 500$ Luego el triángulo es rectángulo.</p>
70	<p>Los vectores formados por los vértices deben tener la misma longitud. Si $C(0, c)$: $\vec{CA} = \sqrt{9 + c^2}$ $\vec{CB} = \sqrt{9 + c^2}$ $\vec{AB} = 6$ $6 = \sqrt{9 + c^2} \rightarrow c = \sqrt{27}$ Los puntos pedidos son: $C_1(0, 3\sqrt{3})$ y $C_2(0, -3\sqrt{3})$ Calculamos el área de los triángulos: $A = \frac{B \cdot h}{2} = \frac{6 \cdot 3\sqrt{3}}{2} = 9\sqrt{3} u^2$</p>
MÁS EJERCICIOS SOBRE VECTORES	
41	<p>$\vec{AB} = (1, 2)$ $\vec{CD} = (8, 6)$ No son paralelos, porque: $\frac{8}{1} \neq \frac{6}{2}$</p>
44	<p>a) $\frac{-2}{3} \neq \frac{4}{2}$ No son paralelos. $\vec{a} \cdot \vec{b} = (-2, 4) \cdot (3, 2) = -6 + 8 \neq 0$ No son perpendiculares.</p> <p>b) $\frac{4}{6} \neq \frac{-3}{8}$ No son paralelos. $\vec{c} \cdot \vec{d} = (4, -3) \cdot (6, 8) = 24 - 24 = 0$ Son perpendiculares.</p>
46	<p>$\vec{p} \cdot \vec{q} = (6, 2) \cdot (a, b) = 6a + 2b = 14 \rightarrow b = 7 - 3a$ $\vec{q} = \sqrt{a^2 + (7 - 3a)^2} = \sqrt{89} \rightarrow 10a^2 - 42a - 40 = 0 \rightarrow \begin{cases} a_1 = -\frac{4}{5} \\ a_2 = 5 \end{cases}$ Si $a = -\frac{4}{5} \rightarrow b = \frac{47}{5}$ Si $a = 5 \rightarrow b = -8$</p>
49	<p>$\vec{u} = m(6, -2) + (16, 12) = (16 + 6m, 12 - 2m)$ $\vec{v} = m(6, -2) - (16, 12) = (-16 + 6m, -12 - 2m)$ Para que los vectores sean perpendiculares, su producto escalar debe ser cero. $(16 + 6m, 12 - 2m) \cdot (-16 + 6m, -12 - 2m) = 36m^2 - 256 + 4m^2 - 144 = 0$ $\rightarrow m = \pm\sqrt{10}$</p>